

# DREYFOUS & ASSOCIATES

Descripción de curso

# Álgebra II



# **TABLA DE CONTENIDO**

D	Pescripción del curso Álgebra II	5	
E	structura del curso	6	
D	Desglose de unidades 9		
	Unidad 0. Preparación para Álgebra avanzada	9	
	Unidad 1. Ecuaciones y desigualdades	. 11	
	Unidad 2. Relaciones y funciones lineales	. 13	
	Unidad 3. Sistemas de ecuaciones y desigualdades	. 16	
	Unidad 4. Matrices	. 18	
	Unidad 5. Funciones y relaciones cuadráticas	. 20	
	Unidad 6. Polinomios y funciones polinomiales	. 23	
	Unidad 7. Funciones y relaciones inversas y radicales	. 25	
	Unidad 8. Funciones y relaciones exponenciales y logarítmicas	. 27	
	Unidad 9. Funciones y relaciones racionales	. 30	
	Unidad 10. Secciones cónicas	. 32	
	Unidad 11. Secuencias y series	. 34	
	Unidad 12. Probabilidad y estadísticas	. 37	
	Unidad 13. Funciones trigonométricas	. 40	
	Unidad 14. Identidades y ecuaciones trigonométricas	. 43	



## EduSystemViewerDescripción del curso Álgebra II

El curso de Álgebra II de Dreyfous & Associates tiene como objetivo principal el estudio de los conceptos avanzados del álgebra. En este curso se profundiza en funciones y relaciones lineales, cuadráticas, polinómicas, exponenciales, logarítmicas y racionales, secciones cónicas, secuencias, series, trigonometría, entre otros temas. Además, se integra el uso del álgebra avanzada en la solución de problemas de estadística y probabilidad.

Los contenidos de este curso están alineados a los *Estándares de contenido y expectativas de grado* (2014) del Departamento de Educación de Puerto Rico. La delineación de objetivos por lección considera al detalle todas las destrezas y los conceptos necesarios para que el estudiante pueda establecer las conexiones entre los distintos estándares (numeración y operación, álgebra, funciones, geometría, medición y análisis de datos), en los que actualmente se categorizan las matemáticas. El enfoque pedagógico está centrado en la enseñanza de matemáticas para la solución de problemas y el desarrollo de destrezas de pensamiento crítico como medio para la formación integral del ser humano. El curso hace énfasis en la conexión del contenido curricular con la solución de problemas de la vida real, de manera que el estudiante encuentre pertinencia en los temas discutidos y despierte su interés hacia las matemáticas. Además, se integran contenidos de disciplinas tales como Ciencias, Historia, Deportes, y Tecnología, entre otras, para permitirle al estudiante obtener conocimiento de otras áreas, y entender la importancia de las matemáticas como disciplina universal.

#### Estructura del curso

El curso de Álgebra II consta de quince unidades que se componen de varias lecciones. Cada lección cuenta con una presentación dividida en secciones por medio de las que se exponen de manera interactiva los contenidos del tema a estudiar. Cada presentación cuenta con ejemplos, múltiples representaciones, problemas de pensamiento de orden superior, ayuda con estrategias de solución de problemas, estrategias para la toma de exámenes y ejercicios prácticos basados en problemas de la vida real. Además, cada lección incluye documentos de trabajo, ejercicios de práctica, ficha descriptiva con información para el maestro, así como una variedad de enlaces a internet. Muchas de las lecciones también incluyen laboratorios donde se les presentan y se refuerzan conceptos matemáticos, mediante el uso de manipulativos y herramientas tecnológicas como la calculadora gráfica. Las actividades son variadas y flexibles, con el propósito de satisfacer las necesidades e intereses particulares de los educandos. El maestro, como parte integral y esencial en ese proceso estimulará, orientará, guiará y evaluará el aprendizaje.

Las unidades se componen de las siguientes partes:

#### Lección 0. Documentos de unidad

Esta lección consta de una serie de documentos de evaluación formativa y acumulativa que se utilizarán antes, durante y después del estudio de cada unidad:

- Guía de estudio. Presenta un resumen de los conceptos y el vocabulario de la unidad.
- **Repaso.** Ofrece ejemplos breves y ejercicios prácticos de cada lección.
- Prueba de mitad de unidad. Evaluación formativa que examina la primera mitad de la unidad.
- Práctica para la prueba. Evaluación abarcadora de lo contenido en la unidad.
- Preparación para las pruebas estandarizadas. Presenta al estudiante ejemplos y herramientas que lo capacitan para tomar exámenes estandarizados.
- Práctica para las pruebas estandarizadas. Modelo práctico que permite que el estudiante se familiarice y esté preparado para tomar este tipo de pruebas.

#### Lecciones:

Cada unidad se compone de varias lecciones, divididas según los temas a tratar. A su vez, cada lección se compone de las siguientes partes:

- Ficha descriptiva. Es el plan de la lección. Esta incluye los objetivos específicos de la lección, los estándares y expectativas de Puerto Rico, las estrategias y recursos de enseñanza, palabras claves, enlaces a Internet y referencias, entre otros.
- **Presentación.** Cada presentación se compone de las siguientes secciones:
  - ¿Por qué? Se presenta un problema o situación de la vida real en la cual se introduce el tema ser estudiado.
  - Ejemplos. Cada sección se compone de varios ejemplos en los que se explican cada paso en la solución del problema.
  - Comprueba tu progreso. Ejercicios prácticos para verificar el aprendizaje del estudiante.
  - Mundo real. Ejemplos aplicados a situaciones de la vida real, ofrece, además, integración curricular de otras materias.
  - Conexión con el mundo real. Contiene datos de interés relacionados a los ejemplos concretos.
  - o **Ayuda para estudiar.** Sugerencias o recordatorios para facilitar el proceso de estudio.
  - o **¡Cuidado!** Advierte al estudiante sobre errores comunes que no se deben cometer.
  - Concepto clave. Incluye la representación verbal, simbólica y gráfica de un concepto importante de la lección.
  - Integración con Historia. Ofrece información de figuras o datos históricos relacionados a las matemáticas.
- **Documento Vocabulario**. Documento en el que se definen las palabras nuevas.
- Documentos Assessment. Ejercicios prácticos que evalúan diferentes niveles cognitivos de aprendizaje:
  - o Comprueba si entendiste
  - Práctica y resolución de problemas
  - Problemas H.O.T.

0	Práctica para la prueba estandarizada
0	Repaso en espiral y de destrezas
0	Laboratorios ( <i>Laboratorio de Álgebra</i> , Laboratorio para la tecnología gráfica, <i>Hoja de</i>
	cálculo)
	0
	8

#### Desglose de unidades

A continuación se desglosa la división de las unidades en lecciones, donde se detallan los objetivos generales, el nombre de cada lección con sus objetivos, conceptos y destrezas.

## Unidad O. Preparación para Álgebra avanzada

Al finalizar esta unidad, el estudiante habrá completado los objetivos que se encuentran en las siguientes lecciones.

## Lección O. Preparación para Álgebra avanzada

Código: C305G0SU00L00

Documentos de unidad: Preprueba y Posprueba.

#### Lección 1. Representación de funciones

Código: C305G0SU00L01

Objetivo

• Identificará el dominio y el rango de funciones determinadas.

#### Lección 2. Multiplicación de binomios

Código: C305G0SU00L02

Objetivo

• Multiplicará binomios con el método FOIL.

## Lección 3. Factorización de polinomios

Código: C305G0SU00L03

Objetivo

• Utilizará varias técnicas para factorizar polinomios.

## Lección 4. El principio de conteo

Código: C305G0SU00L04

Objetivo

• Utilizará el principio fundamental de conteo para hallar los resultados de eventos dependientes e independientes.

#### Lección 5. Permutaciones y combinaciones

Código: C305G0SU00L05

Objetivo

• Resolverá problemas de permutaciones y combinaciones.

# Lección 6. Figuras congruentes y semejantes

Código: C305G0SU00L06

# Objetivo

• Identificará y utilizará figuras congruentes y semejantes.

# Lección 7. El teorema de Pitágoras

Código: C305G0SU00L07

# Objetivo

• Utilizará el teorema de Pitágoras y su opuesto.

#### Unidad 1. Ecuaciones y desigualdades

Al finalizar esta unidad, el estudiante habrá completado los objetivos que se encuentran en las siguientes lecciones.

## **Objetivos generales**

- Simplificará y evaluará expresiones algebraicas.
- Resolverá ecuaciones lineales y de valor absoluto.
- Resolverá y graficará desigualdades.

## Lección 0. Ecuaciones y desigualdades

Código: C305G0SU01L00

Documentos de unidad: repaso, prueba de mitad de unidad, práctica para la prueba, preparación para las pruebas estandarizadas, práctica para las pruebas estandarizadas y guía de estudio.

## Lección 1. Expresiones y fórmulas

**Código:** C305G0SU01L01

#### **Objetivos**

- Utilizará el orden de operaciones para evaluar expresiones.
- Utilizará fórmulas.

## Conceptos

- expresiones algebraicas
- fórmula
- orden de operaciones
- variables

## Lección 2. Propiedades de números reales

Código: C305G0SU01L02

## **Objetivos**

- Clasificará números reales.
- Utilizará las propiedades de números reales para evaluar expresiones.

- enteros
- enteros positivos
- números irracionales
- números naturales
- números racionales
- números reales

#### Lección 3. Resolución de ecuaciones

Código: C305G0SU01L03

## **Objetivos**

- Traducirá expresiones verbales a expresiones algebraicas y ecuaciones y viceversa.
- Resolverá ecuaciones utilizando las propiedades de igualdad.

#### **Conceptos**

- ecuación
- enunciado abierto
- solución

#### Lección 4. Resolución de ecuaciones de valor absoluto

Código: C305G0SU01L04

#### **Objetivos**

- Evaluará expresiones de valores absolutos.
- Resolverá ecuaciones de valor absoluto.

## Conceptos

- conjunto vacío
- solución extraña
- valor absoluto

#### Lección 5. Resolución de desigualdades

Código: C305G0SU01L05

#### **Objetivos**

- Resolverá desigualdades de un paso.
- Resolverá desigualdades de pasos múltiples.

## Concepto

• notación de construcción de conjuntos

## Lección 6. Resuelvo desigualdades de valor absoluto y compuestas

Código: C305G0SU01L06

#### **Objetivos**

- Resolverá desigualdades compuestas.
- Resolverá desigualdades de valor absoluto.

- desigualdad compuesta
- intersección
- unión

#### Unidad 2. Relaciones y funciones lineales

Al finalizar esta unidad, el estudiante habrá completado los objetivos que se encuentran en las siguientes lecciones.

## **Objetivos generales**

- Utilizará ecuaciones de relaciones y funciones.
- Determinará la pendiente de una línea.
- Utilizará diagramas de dispersión y ecuaciones de predicción.
- Graficará desigualdades lineales.

## Lección 0. Relaciones y funciones lineales

Código: C305G0SU02L00

Documentos de unidad: repaso, prueba de mitad de unidad, práctica para la prueba, preparación para las pruebas estandarizadas, práctica para las pruebas estandarizadas y guía de estudio.

## Lección 1. Relaciones y funciones

Código: C305G0SU02L01

## **Objetivos**

- Analizará relaciones y funciones.
- Utilizará ecuaciones de relaciones y funciones.

#### Conceptos

- función biunívoca
- función de notación
- prueba de la línea vertical
- relación discreta
- sobre la función
- variable dependiente
- variable independiente

## Lección 2. Relaciones y funciones lineales

Código: C305G0SU02L02

#### **Objetivos**

- Identificará relaciones y funciones lineales.
- Escribirá ecuaciones lineales en forma estándar.

- ecuación lineal
- forma estándar
- función lineal
- intercepto en *x*
- intercepto en y
- relación lineal
- relación no lineal

## Lección 3. Tasa de cambios y pendientes

Código: C305G0SU02L03

## **Objetivos**

- Hallará tasas de cambio.
- Determinará la pendiente de una línea.

## **Conceptos**

- tasa de cambio
- pendiente

#### Lección 4. Ecuaciones lineales

Código: C305G0SU02L04

## **Objetivos**

- Escribirá una ecuación de la línea con la pendiente y un punto de la línea dados.
- Escribirá una ecuación de la línea que sea paralela o perpendicular a la línea dada.

## Conceptos

- forma pendiente-intercepto
- forma punto-pendiente
- paralelo
- perpendicular

# Lección 5. Diagramas de dispersión y líneas de regresión

Código: C305G0SU02L05

#### **Objetivos**

- Utilizará diagramas de dispersión y ecuaciones de predicción.
- Modelará datos utilizando líneas de regresión.

- coeficiente de correlación
- correlación negativa
- correlación positiva
- datos bivariados
- diagrama de dispersión
- diagrama de puntos
- ecuación de predicción
- línea de ajuste
- línea de regresión

#### Lección 6. Funciones especiales

Código: C305G0SU02L06

## **Objetivos**

- Escribirá y graficará funciones definidas por partes.
- Escribirá y graficará funciones de etapas y funciones de valor absoluto.

#### Conceptos

- función definida por partes
- función de etapas
- función lineal por partes
- función del máximo entero
- función de valor absoluto

## Lección 7. Funciones básicas y transformaciones

Código: C305G0SU02L07

#### **Objetivos**

- Identificará y utilizará funciones básicas.
- Describirá transformaciones de funciones.

#### Conceptos

- familia de gráficas
- función básica
- función constante
- función cuadrática
- función de identidad
- gráfica básica
- homotecia
- línea de reflexión
- reflexión
- traslación

## Lección 8. Gráficas de desigualdades lineales y de valor absoluto

Código: C305G0SU02L08

## **Objetivos**

- Graficará desigualdades lineales.
- Graficará desigualdades de valor absoluto.

- desigualdad lineal
- frontera

#### Unidad 3. Sistemas de ecuaciones y desigualdades

Al finalizar esta unidad, el estudiante habrá completado los objetivos que se encuentran en las siguientes lecciones.

## **Objetivos generales**

- Resolverá sistemas de ecuaciones lineales algebraicamente y por medio de gráficas.
- Resolverá sistemas de desigualdades lineales por medio de gráficas.
- Resolverá problemas utilizando la programación lineal.

#### Lección 0. Sistemas de ecuaciones y desigualdades

Código: C305G0SU03L00

Documentos de unidad: repaso, prueba de mitad de unidad, práctica para la prueba, preparación para las pruebas estandarizadas, práctica para las pruebas estandarizadas y guía de estudio.

## Lección 1. Resolución de sistemas de ecuaciones por el método gráfico

Código: C305G0SU03L01

## **Objetivos**

- Resolverá sistemas de ecuaciones por medio de tablas y gráficas.
- Determinará si un sistema de ecuaciones es inconsistente, consistente e independiente o consistente y dependiente.

## **Conceptos**

- consistente
- dependiente
- inconsistente
- independiente
- punto de equilibrio
- sistema de ecuaciones

#### Lección 2. Resolución de sistemas de ecuaciones algebraicamente

Código: C305G0SU03L02

#### **Objetivos**

- Resolverá sistemas de ecuaciones lineales por medio del método de sustitución.
- Resolverá sistemas de ecuaciones lineales por medio del método de eliminación.

- método de eliminación
- método de sustitución

## Lección 3. Resolución de sistemas de desigualdades por el método gráfico

Código: C305G0SU03L03

## **Objetivos**

- Resolverá sistemas de desigualdades por medio de gráficas.
- Determinará las coordenadas de los vértices de una región formada por la gráfica de un sistema de desigualdades.

#### Concepto

• sistemas de desigualdades

## Lección 4. Optimización con programación lineal

Código: C305G0SU03L04

#### **Objetivos**

- Hallará el valor máximo y mínimo de una función sobre una región.
- Resolverá problemas reales de optimización utilizando la programación lineal.

#### Conceptos

- acotado
- no acotado
- optimizar
- programación lineal
- región viable
- restricción

#### Lección 5. Sistemas de ecuaciones con tres variables

Código: C305G0SU03L05

## **Objetivos**

- Resolverá sistemas de ecuaciones lineales con tres variables.
- Resolverá problemas reales utilizando sistemas de ecuaciones lineales con tres variables.

#### Concepto

• triple ordenado

#### **Unidad 4. Matrices**

Al finalizar esta unidad, el estudiante habrá completado los objetivos que se encuentran en las siguientes lecciones.

## **Objetivos generales**

- Organizar datos en matrices.
- Resolver operaciones con matrices y determinantes.
- Hallar las inversas de las matrices.
- Usar matrices para resolver sistemas de ecuaciones.

#### Lección O. Matrices

Código: C305G0SU04L00

Documentos de unidad: repaso, prueba de mitad de unidad, práctica para la prueba, preparación para las pruebas estandarizadas, práctica para las pruebas estandarizadas y guía de estudio.

#### Lección 1. Introducción a las matrices

Código: C305G0SU04L01

## **Objetivos**

- Organizará datos en matrices.
- Utilizará operaciones de matriz fila y matriz columna para analizar datos.

#### Conceptos

- dimensiones
- elemento
- matrices iguales
- matriz
- matriz columna
- matriz cuadrada
- matriz fila
- matriz nula

## Lección 2. Operaciones con matrices

**Código:** C305G0SU04L02

#### **Objetivos**

- Sumará y restará matrices.
- Multiplicará una matriz por una escalar.

- escalar
- multiplicación escalar

#### Lección 3. Multiplicación de matrices

Código: C305G0SU04L03

## **Objetivos**

- Multiplicará matrices.
- Utilizará las propiedades de la multiplicación de matrices.

#### Lección 4. Transformaciones con matrices

Código: C305G0SU04L04

## **Objetivos**

- Utilizará matrices para determinar coordenadas de una imagen dilatada o trasladada.
- Utilizará la multiplicación de matrices para determinar las coordenadas de una imagen reflejada o rotada.

## Conceptos

- imagen
- matriz coordenada
- matriz vértice
- preimagen
- rotación

## Lección 5. Determinantes y la regla de Cramer

Código: C305G0SU04L05

#### **Objetivos**

- Evaluará determinantes.
- Resolverá sistemas de ecuaciones lineales usando la regla de Cramer.

## Conceptos

- determinante
- determinante de segundo orden
- determinante de tercer orden
- matriz de coeficientes
- regla de Cramer
- regla diagonal

## Lección 6. Matrices inversas y sistemas de ecuaciones

Código: C305G0SU04L06

## **Objetivos**

- Hallará la inversa de una matriz 2 × 2.
- Escribirá y resolverá ecuaciones de matrices para un sistema de ecuaciones.

- ecuación de la matriz
- matriz constante
- matriz de identidad
- matriz inversa
- matriz variable

#### Unidad 5. Funciones y relaciones cuadráticas

Al finalizar esta unidad, el estudiante habrá completado los objetivos que se encuentran en las siguientes lecciones.

## **Objetivos generales**

- Graficará funciones cuadráticas.
- Resolverá ecuaciones cuadráticas.
- Realizará operaciones con números complejos.
- Graficará y resolverá desigualdades cuadráticas.

## Lección 0. Funciones y relaciones cuadráticas

Código: C305G0SU05L00

Documentos de unidad: repaso, prueba de mitad de unidad, práctica para la prueba, preparación para las pruebas estandarizadas, práctica para las pruebas estandarizadas y guía de estudio.

#### Lección 1. Gráficas de funciones cuadráticas

Código: C305G0SU05L01

## **Objetivos**

- Graficará funciones cuadráticas.
- Hallará e interpretará los valores máximos y mínimos de una función cuadrática.

#### Conceptos

- eje de simetría
- función cuadrática
- parábola
- término constante
- término cuadrático
- término lineal
- valor máximo
- valor mínimo
- vértice

#### Lección 2. Resolución de ecuaciones cuadráticas por el método gráfico

Código: C305G0SU05L02

#### **Objetivos**

- Resolverá ecuaciones cuadráticas por medio de una gráfica.
- Estimará soluciones de las ecuaciones cuadráticas por medio de una gráfica.

- cero
- ecuación cuadrática
- forma estándar
- raíz

## Lección 3. Resolución de ecuaciones cuadráticas por medio de la factorización

Código: C305G0SU05L03

#### **Objetivos**

- Escribirá ecuaciones cuadráticas en la forma intercepto.
- Resolverá ecuaciones cuadráticas por medio de la factorización.

## Conceptos

- forma reducida
- método FOIL

#### Lección 4. Números complejos

Código: C305G0SU05L04

## **Objetivos**

- Realizará operaciones con números puros imaginarios.
- Realizará operaciones con números complejos.

#### Conceptos

- conjugados complejos
- número complejo
- número puro imaginario
- unidad imaginaria

## Lección 5. Completar el cuadrado

Código: C305G0SU05L05

#### **Objetivos**

- Resolverá ecuaciones cuadráticas utilizando la propiedad de la raíz cuadrada.
- Resolverá ecuaciones cuadráticas completando el cuadrado.

## Concepto

• completar el cuadrado

## Lección 6. La fórmula cuadrática y el discriminante

Código: C305G0SU05L06

#### **Objetivos**

- Resolverá ecuaciones cuadráticas utilizando la fórmula cuadrática.
- Utilizará el discriminante para determinar el número y el tipo de raíces de una ecuación cuadrática.

- discriminante
- fórmula cuadrática

# Lección 7. Transformaciones con funciones cuadráticas

Código: C305G0SU05L07

## **Objetivos**

- Escribirá una función cuadrática en la forma  $y = a(x h)^2 + k$ .
- Transformará gráficas de funciones cuadráticas en la forma  $y = a(x h)^2 + k$ .

## Concepto

forma vértice

## Lección 8. Desigualdades cuadráticas

Código: C305G0SU05L08

## **Objetivos**

- Graficará desigualdades cuadráticas con dos variables.
- Resolverá desigualdades cuadráticas con una variable.

## Concepto

• desigualdad cuadrática

## Unidad 6. Polinomios y funciones polinomiales

Al finalizar esta unidad, el estudiante habrá completado los objetivos que se encuentran en las siguientes lecciones.

## **Objetivos generales**

- Sumará, restará, multiplicará, dividirá y factorizará polinomios.
- Analizará y graficará funciones polinomiales.
- Evaluará funciones polinomiales y resolverá ecuaciones polinomiales.
- Hallará factores y ceros de las funciones polinomiales.

## Lección O. Polinomios y funciones polinomiales

Código: C305G0SU06L00

Documentos de unidad: repaso, prueba de mitad de unidad, práctica para la prueba, preparación para las pruebas estandarizadas, práctica para las pruebas estandarizadas y guía de estudio

## Lección 1. Operaciones con polinomios

Código: C305G0SU06L01

## **Objetivos**

- Multiplicará, dividirá y simplificará monomios y expresiones que tengan potencias.
- Sumará restará y multiplicará polinomios.

#### Conceptos

- grado de un polinomio
- simplificar

#### Lección 2. División de polinomios

Código: C305G0SU06L02

#### **Objetivos**

• Dividirá polinomios usando la división larga o la división sintética.

## Concepto

división sintética

#### **Lección 3. Funciones polinomiales**

Código: C305G0SU06L03

## **Objetivos**

- Evaluará funciones polinomiales.
- Identificará las formas generales de las gráficas de las funciones polinomiales.

- coeficiente líder
- comportamiento final
- función cuártica y función quíntica
- función polinomial y función potencia
- polinomio de una variable

#### Lección 4. Análisis de gráficas de funciones polinomiales

Código: C305G0SU06L04

## **Objetivos**

- Graficará funciones polinomiales y localizará sus ceros.
- Hallará el máximo relativo y mínimo de una función polinomial.

#### Conceptos

- extremo
- máximo relativo
- mínimo relativo
- puntos de inflexión

## Lección 5. Resolución de ecuaciones polinomiales

Código: C305G0SU06L05

#### **Objetivos**

- Factorizará polinomios.
- Resolverá ecuaciones polinomiales mediante la factorización.

#### **Conceptos**

- forma cuadrática
- polinomios primos

## Lección 6. Teorema del residuo y teorema del factor

Código: C305G0SU06L06

#### **Objetivos**

- Evaluará funciones utilizando la sustitución sintética.
- Determinará si un binomio es un factor de un polinomio utilizando la sustitución sintética.

## Conceptos

- polinomio reducido
- sustitución sintética

#### Lección 7. Raíces y ceros

Código: C305G0SU06L07

#### **Objetivos**

- Determinará el número y el tipo de raíces de una ecuación polinomial.
- Hallará los ceros de una función polinomial.

#### Lección 8. Teorema del cero racional

Código: C305G0SU06L08

#### **Objetivos**

- Identificará posibles ceros racionales de una función polinomial.
- Hallará todos los ceros racionales de una función polinomial.

#### Concepto

• teorema del cero racional

#### Unidad 7. Funciones y relaciones inversas y radicales

Al finalizar esta unidad, el estudiante habrá completado los objetivos que se encuentran en las siguientes lecciones.

## **Objetivos generales**

- Hallará composiciones e inversas de funciones.
- Graficará y analizará funciones y desigualdades de raíces cuadradas.
- Simplificará y resolverá ecuaciones que contengan raíces, radicales y exponentes racionales.

## Lección 0. Funciones y relaciones inversas y radicales

**Código:** C305G0SU07L00

Documentos de unidad: repaso, prueba de mitad de unidad, práctica para la prueba, preparación para las pruebas estandarizadas, práctica para las pruebas estandarizadas y guía de estudio.

## Lección 1. Operaciones en funciones

Código: C305G0SU07L01

#### **Objetivos**

- Hallará la suma, la diferencia, el producto o el cociente de funciones.
- Hallará la composición de funciones.

## Concepto

composición de funciones

## Lección 2. Funciones y relaciones inversas

Código: C305G0SU07L02

## **Objetivos**

- Hallará la inversa de una función o una relación.
- Determinará si dos funciones o relaciones son inversas.

#### Conceptos

- funciones inversas
- relaciones inversas

#### Lección 3. Funciones y desigualdades de raíces cuadradas

Código: C305G0SU07L03

#### **Objetivos**

- Graficará y analizará funciones de raíces cuadradas.
- Graficará desigualdades de raíces cuadradas.

- desigualdades de raíces cuadradas
- función radical
- funciones de raíces cuadradas

#### Lección 4. Raíces enésimas

Código: C305G0SU07L04

## **Objetivos**

- Simplificará radicales.
- Utilizará una calculadora para aproximar los radicales.

## **Conceptos**

- índice
- radicando
- raíz enésima
- raíz principal
- signo del radicando

## Lección 5. Operaciones con expresiones radicales

Código: C305G0SU07L05

#### **Objetivos**

- Simplificará expresiones radicales.
- Sumará, restará, multiplicará y dividirá expresiones radicales.

## Conceptos

- conjugado
- expresiones radicales semejantes
- racionalizar el denominador

## Lección 6. Exponentes racionales

Código: C305G0SU07L06

#### **Objetivos:**

- Simplificará expresiones en forma exponencial o radical.
- Escribirá expresiones con exponentes racionales en forma radical y viceversa.

## Lección 7. Resolución de ecuaciones y desigualdades radicales

Código: C305G0SU07L07

#### **Objetivos**

- Resolverá ecuaciones que contienen radicales.
- Resolverá desigualdades que contienen radicales.

- ecuación radical
- desigualdad radical
- solución extraña

#### Unidad 8. Funciones y relaciones exponenciales y logarítmicas

Al finalizar esta unidad, el estudiante habrá completado los objetivos que se encuentran en las siguientes lecciones.

## **Objetivos generales**

- Graficará funciones exponenciales y logarítmicas.
- Resolverá ecuaciones y desigualdades exponenciales y logarítmicas.
- Resolverá problemas de crecimiento y declive exponencial.

#### Lección O. Funciones y relaciones exponenciales y logarítmicas

Código: C305G0SU08L00

Documentos de unidad: repaso, prueba de mitad de unidad, práctica para la prueba, preparación para las pruebas estandarizadas, práctica para las pruebas estandarizadas y guía de estudio.

#### Lección 1. Gráficas de funciones exponenciales

Código: C305G0SU08L01

#### **Objetivos**

- Graficará funciones de crecimiento exponencial.
- Graficará funciones de declive exponencial.

#### Conceptos

- asíntota
- crecimiento exponencial
- declive exponencial
- factor de declive
- factor del crecimiento
- función exponencial

## Lección 2. Resolución de ecuaciones y desigualdades exponenciales

Código: C305G0SU08L02

## **Objetivos**

- Resolverá ecuaciones exponenciales.
- Resolverá desigualdades exponenciales.

- · desigualdad exponencial
- ecuación exponencial
- interés compuesto

## Lección 3. Logaritmos y funciones logarítmicas

Código: C305G0SU08L03

## **Objetivos**

- Resolverá ecuaciones exponenciales.
- Resolverá desigualdades exponenciales.

## **Conceptos**

- función logarítmica
- logaritmo

## Lección 4. Resolución de ecuaciones y desigualdades logarítmicas

Código: C305G0SU08L04

## **Objetivos**

- Resolverá ecuaciones logarítmicas.
- Resolverá desigualdades logarítmicas.

#### Conceptos

- desigualdades logarítmicas
- ecuaciones logarítmicas

## Lección 5. Propiedades de logaritmos

Código: C305G0SU08L05

#### **Objetivos**

- Simplificará y evaluará expresiones utilizando las propiedades de logaritmos.
- Resolverá ecuaciones logarítmicas utilizando las propiedades de logaritmos.

#### Conceptos

- ecuaciones logarítmicas
- propiedades de logaritmos

#### Lección 6. Logaritmos comunes

Código: C305G0SU08L06

## **Objetivos**

- Resolverá ecuaciones y desigualdades exponenciales utilizando logaritmos comunes.
- Evaluará expresiones logarítmicas utilizando la fórmula del cambio de base.

- fórmula del cambio de base
- logaritmos comunes

## Lección 7. Base e y logaritmos naturales

Código: C305G0SU08L07

## **Objetivos**

- Resolverá ecuaciones y desigualdades exponenciales utilizando logaritmos comunes.
- Evaluará expresiones logarítmicas utilizando la fórmula del cambio de base.

## Conceptos

- base natural
- base natural *e*
- función exponencial
- logaritmo natural

## Lección 8. Utilización de funciones exponenciales y logarítmicas

Código: C305G0SU08L08

## **Objetivos**

- Utilizará logaritmos para resolver problemas de crecimiento y declive exponencial.
- Utilizará logaritmos para resolver problemas de crecimiento logístico.

- modelo de crecimiento logístico
- tasa de crecimiento continuo
- tasa de declive continuo

#### Unidad 9. Funciones y relaciones racionales

Al finalizar esta unidad, el estudiante habrá completado los objetivos que se encuentran en las siguientes lecciones.

## **Objetivos generales**

- Simplificará expresiones racionales.
- Graficará funciones racionales.
- Resolverá problemas de variaciones directas, conjuntas e inversas.
- Resolverá ecuaciones y desigualdades racionales.

## Lección 0. Funciones y relaciones racionales

Código: C305G0SU09L00

Documentos de unidad: repaso, prueba de mitad de unidad, práctica para la prueba, preparación para las pruebas estandarizadas, práctica para las pruebas estandarizadas y guía de estudio.

## Lección 1. Multiplicación y división de expresiones racionales

Código: C305G0SU09L01

## **Objetivos**

- Simplificará expresiones racionales.
- Simplificará fracciones complejas.

#### Conceptos

- expresión racional
- fracción compleja

#### Lección 2. Suma y resta de expresiones racionales

Código: C305G0SU09L02

## **Objetivos**

- Determinará el máximo común múltiplo (MCM) de polinomios.
- Sumará y restará expresiones racionales.

## Lección 3. Gráficas de funciones recíprocas

Código: C305G0SU09L03

#### **Objetivos**

- Determinará las propiedades de las funciones recíprocas.
- Graficará transformaciones de las funciones recíprocas.
- Identificará asíntotas en una función.

- funciones recíprocas
- hipérbola
- transformaciones de gráficas

#### Lección 4. Gráficas de funciones racionales

Código: C305G0SU09L04

## **Objetivos**

- Graficará funciones racionales con asíntotas verticales y horizontales.
- Graficará funciones racionales con asíntotas oblicuas y puntos de discontinuidad.

## Conceptos

- asíntotal horizontal
- asíntota oblicua
- asíntota vertical
- punto de discontinuidad

#### Lección 5. Funciones de variaciones

Código: C305G0SU09L05

#### **Objetivos**

- Reconocerá y resolverá problemas de variaciones directas y conjuntas.
- Reconocerá y resolverá problemas de variaciones inversas y combinadas.

## Conceptos

- variación combinada
- variación conjunta
- variación constante
- variación directa
- variación inversa

## Lección 6. Resolución de ecuaciones y desigualdades racionales

**Código:** C305G0SU09L06

## **Objetivos**

- Resolverá ecuaciones racionales.
- Resolverá desigualdades racionales.

- ecuación racional
- desigualdad racional
- promedio ponderado

#### Unidad 10. Secciones cónicas

Al finalizar esta unidad, el estudiante habrá completado los objetivos que se encuentran en las siguientes lecciones.

## **Objetivos generales**

- Utilizará las fórmulas de punto medio y de distancia.
- Escribirá y graficará ecuaciones de parábolas, círculos, elipses e hipérbolas.
- Identificará secciones cónicas.
- Resolverá sistemas de ecuaciones y desigualdades cuadráticas.

#### Lección O. Secciones cónicas

Código: C305G0SU10L00

Documentos de unidad: repaso, prueba de mitad de unidad, práctica para la prueba, preparación para las pruebas estandarizadas, práctica para las pruebas estandarizadas y guía de estudio.

#### Lección 1. Fórmulas de punto medio y de distancia

Código: C305G0SU10L01

## **Objetivos**

- Hallará el punto medio de un segmento en un plano de coordenadas.
- Hallará la distancia entre dos puntos en un plano de coordenadas.

#### Concepto

punto medio

#### Lección 2. Parábolas

Código: C305G0SU10L02

## **Objetivos**

- Escribirá ecuaciones de parábolas en forma estándar.
- Graficará parábolas.

#### Conceptos

- directriz
- foco
- forma general
- latus rectum
- parábolas

#### Lección 3. Círculos

Código: C305G0SU10L03

#### **Objetivos**

- Escribirá ecuaciones de círculos.
- Graficará círculos.

#### Conceptos

• centro, círculo, radio

## Lección 4. Elipses

Código: C305G0SU10L04

## **Objetivos**

- Escribirá ecuaciones de elipses.
- Graficará elipses.

#### Conceptos

- covértices
- eje mayor
- eje menor
- elipse
- focos
- suma constante
- vértice

## Lección 5. Hipérbolas

Código: C305G0SU10L05

## **Objetivos**

- Escribirá ecuaciones de hipérbolas.
- Graficará hipérbolas.

## Conceptos

- covértices
- eje conjugado
- eje transversal
- diferencia constante
- focos
- hipérbola
- vértices

#### Lección 6. Identificación de secciones cónicas

**Código:** C305G0SU10L06

#### **Objetivos**

- Escribirá ecuaciones de secciones cónicas en forma estándar.
- Identificará secciones cónicas desde sus ecuaciones.

## Conceptos

secciones cónicas

## Lección 7. Resolución de sistemas lineales y no lineales

Código: C305G0SU10L07

#### **Objetivos**

- Resolverá, algebraica y gráficamente, sistemas de ecuaciones lineales y no lineales.
- Resolverá sistemas de desigualdades lineales y no lineales, gráficamente.

#### Conceptos

desigualdades cuadráticas, sistema cuadrático, sistema lineal, sistema no lineal

#### Unidad 11. Secuencias y series

Al finalizar esta unidad, el estudiante habrá completado los objetivos que se encuentran en las siguientes lecciones.

## **Objetivos generales**

- Utilizará secuencias y series aritméticas y geométricas.
- Utilizará secuencias especiales y funciones iteradas.
- Expandirá potencias utilizando el teorema del binomio.
- Demostrará enunciados a través de la inducción matemática.

## Lección 0. Secuencias y series

Código: C305G0SU11L00

Documentos de unidad: repaso, prueba de mitad de unidad, práctica para la prueba, preparación para las pruebas estandarizadas, práctica para las pruebas estandarizadas y guía de estudio.

#### Lección 1. Secuencias como funciones

**Código:** C305G0SU11L01

## **Objetivos**

- Relacionará secuencias aritméticas a las funciones lineales.
- Relacionará secuencias geométricas a las funciones exponenciales.

#### Conceptos

- diferencia común
- razón común
- secuencia aritmética
- secuencia finita
- secuencia geométrica
- secuencia infinita
- término

## Lección 2. Secuencias y series aritméticas

Código: C305G0SU11L02

#### **Objetivos**

- Relacionará secuencias aritméticas a las funciones lineales.
- Relacionará secuencias geométricas a las funciones exponenciales.

- media aritmética
- notación sigma
- secuencia
- series
- serie aritmética

## Lección 3. Secuencias y series geométricas

Código: C305G0SU11L03

## **Objetivos**

- Usará secuencias geométricas.
- Hallará sumas de series geométricas.

## **Conceptos**

- media geométrica
- serie geométrica

## Lección 4. Series geométricas infinitas

Código: C305G0SU11L04

## **Objetivos**

- Usará secuencias geométricas.
- Hallará sumas de series geométricas.

## Conceptos

- infinito
- serie convergente
- serie divergente
- serie geométrica infinita

#### Lección 5. Recursión e iteración

Código: C305G0SU11L05

## **Objetivos**

- Reconocerá y utilizará secuencias especiales.
- Iterará funciones.

## Conceptos

- fórmula explícita
- fórmula recursiva
- iteración
- secuencia de Fibonacci
- secuencia recursiva

#### Lección 6. El teorema del binomio

Código: C305G0SU11L06

#### **Objetivos**

- Utilizará el triángulo de Pascal para desarrollar potencias de binomios.
- Utilizará el teorema del binomio para desarrollar potencias de binomios.

- teorema del binomio
- triángulo de Pascal

# Lección 7. Demostraciones de inducciones matemáticas

Código: C305G0SU11L07

# Objetivos

- Demostrará enunciados a través de la inducción matemática.
- Refutará enunciados hallando un contraejemplo.

- hipótesis inductiva
- inducción matemática

#### Unidad 12. Probabilidad y estadísticas

Al finalizar esta unidad, el estudiante habrá completado los objetivos que se encuentran en las siguientes lecciones.

## **Objetivos generales**

- Evaluará encuestas, estudios y experimentos.
- Creará y utilizará gráficas de distribuciones de probabilidad.
- Utilizará la regla empírica para hallar probabilidades.
- Comparará muestras estadísticas y parámetros de población.

## Lección 0. Probabilidad y estadísticas

Código: C305G0SU12L00

Documentos de unidad: repaso, prueba de mitad de unidad, práctica para la prueba, preparación para las pruebas estandarizadas, práctica para las pruebas estandarizadas y guía de estudio.

## Lección 1. Experimentos, encuestas y estudios de observación

**Código:** C305G0SU12L01

## **Objetivos**

- Evaluará encuestas, estudios y experimentos.
- Distinguirá entre correlación y causalidad.

#### Conceptos

- causalidad
- censo
- correlación
- encuesta
- estudio de observación
- experimento
- grupo de control
- grupo de tratamiento
- imparcial
- muestra
- parcial
- población

## Lección 2. Análisis estadístico

Código: C305G0SU12L02

#### **Objetivos**

- Utilizará medidas de la tendencia central y la variación para comparar conjuntos de datos.
- Explorará medidas de variación.

#### Conceptos

• dato univariado

- desviación estándar
- estadística
- margen de error de muestra
- medida de tendencia central
- medida de variación
- parámetro
- variable
- varianza

#### Lección 3. Probabilidad condicional

**Código:** C305G0SU12L03

#### **Objetivos**

- Hallará probabilidades de eventos dada la ocurrencia de otros eventos.
- Utilizará tablas de contingencia para hallar probabilidades condicionales.

#### Conceptos

- frecuencia relativa
- probabilidad condicional
- tabla de contingencia

## Lección 4. Probabilidad y distribución de probabilidad

Código: C305G0SU12L04

#### **Objetivos**

- Hallará probabilidades a través de combinaciones y permutaciones.
- Creará y utilizará gráficas de distribuciones de probabilidad.

- distribución de probabilidad
- distribución de probabilidad discreta
- distribución uniforme
- espacio muestral
- éxito
- fracaso
- gráfica de frecuencia relativa
- probabilidad
- probabilidad teórica
- valor esperado
- variable aleatoria

#### Lección 5. La distribución normal

Código: C305G0SU12L05

## **Objetivos**

- Determinará si un conjunto de datos aparenta ser distribuido normalmente o sesgado.
- Utilizará la regla empírica para hallar probabilidades.

#### **Conceptos**

- distribución de probabilidad continua
- distribución normal
- distribución sesgada

## Lección 6. Pruebas de hipótesis

Código: C305G0SU12L06

## **Objetivos**

- Comparará muestras estadísticas y parámetros de población.
- Diseñará experimentos para probar hipótesis.

#### Conceptos

- estadística deductiva
- hipótesis
- hipótesis alternativa
- hipótesis nula
- inferencia estadística
- intérvalo de confianza

#### Lección 7. Distribución binomial

Código: C305G0SU12L07

## **Objetivos**

- Hallará probabilidades para experimentos binomiales.
- Hallará probabilidades utilizando distribución y desarrollo de binomios.

- distribución binomial
- experimento binomial
- probabilidad experimental

#### **Unidad 13. Funciones trigonométricas**

Al finalizar esta unidad, el estudiante habrá completado los objetivos que se encuentran en las siguientes lecciones.

## **Objetivos generales**

- Hallará valores de funciones trigonométricas.
- Resolverá problemas utilizando la trigonometría para triángulos rectángulos.
- Resolverá triángulos utilizando la ley del seno y la ley del coseno.
- Graficará funciones trigonométricas.

## Lección 0. Funciones trigonométricas

Código: C305G0SU13L00

Documentos de unidad: repaso, prueba de mitad de unidad, práctica para la prueba, preparación para las pruebas estandarizadas, práctica para las pruebas estandarizadas y guía de estudio.

## Lección 1. Funciones trigonométricas en triángulos rectángulos

Código: C305G0SU13L01

## **Objetivos**

- Hallará valores de funciones trigonométricas para ángulos agudos.
- Utilizará funciones trigonométricas para hallar la medida de lados y ángulos en triángulos rectángulos.

#### Conceptos

- ángulo de depresión
- ángulo de elevación
- cosecante
- coseno
- cotangente
- función recíproca
- función trigonométrica
- secante
- seno
- tangente
- trigonometría

## Lección 2. Ángulos y medidas de ángulos

Código: C305G0SU13L02

#### **Objetivos**

- Dibujará y hallará ángulos en posición estándar.
- Convertirá entre medidas de grados y de radianes.

- ángulo central
- ángulo coterminal

- lado inicial
- lado terminal
- medidas de grados
- medidas de radianes
- posición estándar
- radián

## Lección 3. Funciones trigonométricas de ángulos generales

Código: C305G0SU13L03

## **Objetivos**

- Hallará valores de funciones trigonométricas de ángulos generales.
- Hallará valores de funciones trigonométricas utilizando ángulos de referencia.

#### **Conceptos**

- ángulo de cuadrante
- ángulo general
- ángulo de referencia
- funciones trigonométricas

## Lección 4. Ley del seno

Código: C305G0SU13L04

#### **Objetivos**

- Hallará el área de un triángulo utilizando sus lados y un ángulo incluido.
- Utilizará la ley del seno para resolver triángulos.

## Conceptos

- ley del seno
- resolución de un triángulo

#### Lección 5. Ley del coseno

Código: C305G0SU13L05

## **Objetivos**

- Utilizará la ley del coseno para resolver triángulos.
- Utilizará la ley del seno para resolver triángulos.

#### Concepto

ley del coseno

#### Lección 6. Funciones circulares

Código: C305G0SU13L06

#### **Objetivos**

- Hallará valores de funciones trigonométricas basadas en el círculo unitario.
- Utilizará las propiedades de las funciones periódicas para evaluar funciones trigonométricas.

#### Conceptos

ciclo

- círculo unitario
- función circular
- función periódica
- período

## Lección 7. Gráficas de funciones trigonométricas

Código: C305G0SU13L07

#### **Objetivos**

- Describirá y graficará las funciones de seno, coseno y tangente.
- Describirá y graficará otras funciones trigonométricas.

#### Conceptos

- amplitud
- frecuencia
- período

## Lección 8. Traslaciones de gráficas trigonométricas

Código: C305G0SU13L08

## **Objetivos**

- Graficará traslaciones horizontales de gráficas trigonométricas y hallará cambios de fase.
- Graficará traslaciones verticales de gráficas trigonométricas.

#### **Conceptos**

- cambio de fase
- cambio vertical
- línea media

#### Lección 9. Funciones trigonométricas inversas

Código: C305G0SU13L09

#### **Objetivos**

- Hallará valores de las funciones trigonométricas inversas.
- Resolverá ecuaciones utilizando las funciones trigonométricas inversas.

- función de arcocoseno
- función de arcoseno
- función de arcotangente
- valores principales

#### Unidad 14. Identidades y ecuaciones trigonométricas

Al finalizar esta unidad, el estudiante habrá completado los objetivos que se encuentran en las siguientes lecciones.

## **Objetivos generales**

- Utilizará e identificará identidades trigonométricas.
- Utilizará las identidades de la suma y de diferencia.
- Utilizará las identidades del doble y la mitad de un ángulo.
- Resolverá ecuaciones trigonométricas.

## Lección 0. Identidades y ecuaciones trigonométricas

Código: C305G0SU14L00

Documentos de unidad: repaso, prueba de mitad de unidad, práctica para la prueba, preparación para las pruebas estandarizadas, práctica para las pruebas estandarizadas y guía de estudio.

## Lección 1. Identidades trigonométricas

**Código:** C305G0SU14L01

## **Objetivos**

- Utilizará identidades trigonométricas para hallar valores trigonométricos
- Utilizará identidades trigonométricas para simplificar expresiones.

## Concepto

identidad trigonométrica

#### Lección 2. Verificación de identidades trigonométricas

Código: C305G0SU14L02

#### **Objetivos**

- Verificará identidades trigonométricas al transformar un lado de la ecuación en la forma del otro lado.
- Verificará identidades trigonométricas al transformar cada lado de la ecuación en la misma forma.

#### Lección 3. Sumas y diferencias de identidades de ángulos

Código: C305G0SU14L03

#### **Objetivos**

- Hallará valores de seno y coseno utilizando las identidades de la suma y de diferencia.
- Verificará valores trigonométricos utilizando las identidades de la suma y diferencia.

- identidades de ángulos
- identidades de diferencia
- identidades de la suma

## Lección 4. Identidades de ángulos medios y dobles

Código: C305G0SU14L04

## **Objetivos**

- Hallará valores de seno y coseno utilizando las identidades del doble de un ángulo.
- Verificará valores trigonométricos utilizando las identidades de la mitad de un ángulo.

## Conceptos

- doble de un ángulo
- mitad de un ángulo
- verificación de identidades

## Lección 5. Resolución de ecuaciones trigonométricas

Código: C305G0SU14L05

## **Objetivos**

- Resolverá ecuaciones trigonométricas.
- Hallará soluciones extrañas de las ecuaciones trigonométricas.

- ecuaciones trigonométricas
- soluciones extrañas